# Методика обучения математике



канд. пед. наук, доц. Вячеслав Евгеньевич Пырков pyrkov-professor.ru



## План лекции





- 1. Методы формирующего обучения
- 2. Методы продуктивного обучения
- 3. Характеристика эмпирических методов обучения математике
- 4. Основные операции мышления и методы их развития
- 5. Формы обучения математике
- 6. Средства обучения математике



# Методы обучения математике





Основания для классификации	Методы
Источник знаний	Словесные (объяснение, рассказ, беседа, устное инструктирование, лекция и др.) Наглядные (наблюдение, демонстрация, работа с книгой, таблицей, чертежом и др.) Практические (практические и лабораторные работы,
	самостоятельные демонстрации, создание моделей и др.) Методы подготовки к изучению нового материала
Этапы обучения	Методы изучение нового материала Методы закрепления и упражнений Методы контроля и оценки
Способ руководства УПД учащихся	Работа под руководством учителя
Логика педагогического обучения	Индуктивные Дедуктивные Аналитические Синтетические



# Методы обучения математике





Основания для классификации	Методы	
Характер	Объяснительно-иллюстративные	
познавательной	Репродуктивные	
деятельности	Проблемного изложения	
(Лернер И.Я.,	частично-поисковые	
Скаткин М.Н.)	Исследовательские	
	Организации учебной деятельности	
	Стимулирования и мотивации	
	Контроля и самоконтроля	(Бабанский Ю.К.)
	Коммуникативные	
Дидактические	Познавательные	
задачи	Преобразовательные	
	Систематизирующие	
	Контрольные	(Онищук В.А.)
	Когнитивные	
	Креативные	
	Оргдеятельностные	(Хуторской А.В.)



# Методы обучения математике





Форма движения деятельностей учителя, ученика и математического содержания (Саранцев Г.И.) «преподавание – предметное содержание – учение» индуктивно-репродуктивный; дедуктивно-репродуктивный; обобщенно репродуктивный; индуктивно-эвристический; дедуктивно-эвристический; эвристическое обобщение;	Основания для классификации	Методы
(Саранцев Г.И.) обобщенно репродуктивный; «преподавание – предметное содержание – индуктивно-эвристический; учение» дедуктивно-эвристический;	Форма движения деятельностей учителя,	индуктивно-репродуктивный;
«преподавание – предметное содержание – индуктивно-эвристический; учение» дедуктивно-эвристический;	ученика и математического содержания	дедуктивно-репродуктивный;
учение» дедуктивно-эвристический;	(Саранцев Г.И.)	обобщенно репродуктивный;
	«преподавание – предметное содержание –	индуктивно-эвристический;
эвристическое обобщение;	учение»	дедуктивно-эвристический;
		эвристическое обобщение;
индуктивно-исследовательский;		индуктивно-исследовательский;
дедуктивно-исследовательский;		дедуктивно-исследовательский;
обобщенное исследование.		обобщенное исследование.



## Современные методы продуктивного обучения



#### Когнитивные

#### Креативные

#### Оргдеятельностные



- метод эмпатии;
- метод смыслового видения;
- метод образного видения;
- метод символического видения;
- метод эвристических вопросов;
- метод сравнения;
- метод эвристического наблюдения;
- метод фактов;
- метод исследования;
- метод конструирования понятий;
- метод конструирования правил;
- метод гипотез;
- метод прогнозирования;
- метод ошибок;
- метод конструирования теорий.



## Современные методы продуктивного обучения



#### Когнитивные

#### Креативные

#### Оргдеятельностные



- метод придумывания;
- метод «если бы ...»;
- метод гиперболизации;
- метод агглютинации;
- метод «мозговой штурм»;
- метод синектики;
- метод инверсии.



## Современные методы продуктивного обучения



#### Когнитивные

#### Креативные

#### Оргдеятельностные



- метод ученического целеполагания;
- метод ученического планирования;
- метод создания образовательных программ учеников;
- метод нормотворчества;
- метод самоорганизации обучения;
- метод взаимообучения;
- метод рецензий;
- метод контроля;
- метод рефлексии;
- метод самооценки.







### Эмпирические методы

**НАБЛЮДЕНИЕ** – целенаправленный и планомерный процесс отбора информации путем прямой и непосредственной регистрации исследователем исследуемых процессов или явлений в их естественных условиях.

При создании искусственных условий, позволяющих следить за ходом явления и воссоздавать его (при повторении этих условий), наблюдение становится ОПЫТОМ или ЭКСПЕРИМЕНТОМ.







#### Операции мышления

АНАЛИЗ – это метод научного исследования путем разложения предмета на составные части или мысленное расчленение объекта исследования на части

СИНТЕЗ – это метод изучения предмета исследования в его целостности, в единстве и взаимной связи его частей

В обучении чаще всего используют АНАЛИТИКО-СИНТЕТИЧЕСКИЙ метод







#### Операции мышления

**СРАВНЕНИЕ** – это мыслительное установление сходства или различия объектов изучения.

#### ТРЕБОВАНИЯ К СРАВНЕНИЮ

- сравнивать можно лишь те объекты исследования, которые имеют друг с другом определенную связь;
- сравнение осуществляется с четким выделением конкретных свойств изучаемых объектов, по которым это сравнение проводится;
- сравнение объектов изучения по одним и тем же свойствам должно обладать полнотой, т.е. быть доведенным до конца.







#### Операции мышления

**АНАЛОГИЯ** – это сходство в определенном отношении объектов исследования, в целом различных.

### СХЕМА РАССУЖДЕНИЯ ПО АНАЛОГИИ

А обладает свойствами а, b, c, d В обладает свойствами а, b, c.

Вероятно, В обладает свойством d.

Рассуждение по аналогии позволяет выдвинуть гипотезу об истинности некоторого научного положения, которую требуется еще доказать.







ОБОБЩЕНИЕ – это переход от рассмотрения данного множества объектов к рассмотрению большего множества, содержащего данное

СПЕЦИАЛИЗАЦИЯ – это переход от рассмотрения данного множества объектов к рассмотрению меньшего множества, содержащегося в данном

## Операции мышления

**АБСТРАГИРОВАНИЕ** 

– это мысленное отвлечение от некоторых несущественных для данного исследования свойств объекта

#### КОНКРЕТИЗАЦИЯ

- это мыслительная деятельность при которой односторонне фиксируется та или иная сторона объекта изучения, вне связи её с другими его сторонами







**ИНДУКЦИЯ** – метод рассуждения, при котором общий вывод основывается на изучении отдельных частных фактов.

Если рассматриваются все частные факты без исключения, то индукцию называют ПОЛНОЙ, иначе - НЕПОЛНОЙ.

#### НЕПОЛНАЯ ИНДУКЦИЯ НЕ ГАРАНТИРУЕТ ПРАВИЛЬНОСТЬ ВЫВОДА!

Из истории формулы для определения простых чисел:

Пьер Ферма (1601-1665) для n=0..4:  $f(n)=2^{2^n}+1$  Л. Эйлер (1707-1783) для n=0..39:  $f(n)=n^2+n+41$ 

ПОЛНАЯ ИНДУКЦИЯ ГАРАНТИРУЕТ ВЕРНЫЙ РЕЗУЛЬТАТ







**ДЕДУКЦИЯ** – логическое умозаключение от общих суждений к частным или другим общим выводам.

## МЕТОД МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ИНДУКЦИИ

- 1. Истинность высказанной гипотезы проверяют для наименьшего значения n=a, при котором эта гипотеза имеет смысл.
- 2. Исходя из предположения, что гипотеза справедлива для некоторого значения k, доказывают её справедливость для k+1.
- 3. Если такое доказательство удалось довести до конца, то можно утверждать, что высказанная гипотеза справедлива для любого n>a, n∈N.







**КЛАССИФИКАЦИЯ** – распределение предметов исследования по классам, отделам, разрядам в зависимости от их общих и существенных признаков.

#### ТРЕБОВАНИЯ К КЛАССИФИКАЦИИ

- 1. При классификации множество объектов исследования разбивается на попарно непересекаемые множества.
- 2. Классификация должна проводиться только по одному основанию.
- 3. Классификация должна быть непрерывной.
- 4. Классификацию целесообразно проводить в конце изучения темы, как подведение итогов (для выстраивания целостной системы знаний).

**СИСТЕМАТИЗАЦИЯ** – организация изучаемых объектов в определенную систему и в принятой последовательности на основании выбранного принципа



## Формы обучения математике



### Индивидуальные занятия

- •репетиторство;
- тьюторство;
- менторство;
- коучинг;
- гувернерство;
- семейное
- обучение;
- самообучение и др.

## Коллективногрупповые занятия

- урок;
- лекция;
- семинар;
- конференция;
- олимпиада;
- экскурсия;
- экзамен;
- деловая игра и др.

## Индивидуальноколлективные системы занятий

- погружение;
- творческая неделя;
- неделя науки;
- кружок;
- факультатив;
- консультация;
- проекты и др.







Средства обучения — орудия деятельности учителя и учащихся, представляют собой материальные и идеальные объекты, которые вовлекаются в образовательный процесс в качестве носителей информации и инструмента деятельности.

28 %

33 %

**16 %** 

23%



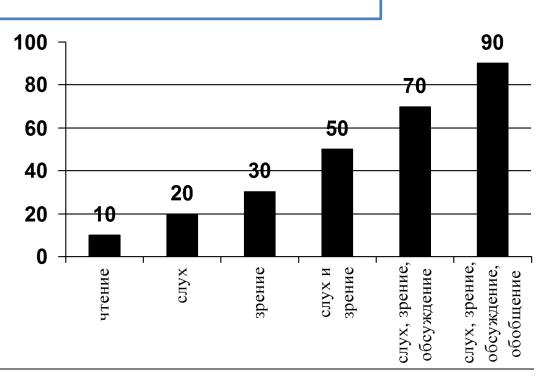




#### Дидактические функции средств обучения

- передача учебной информации;
- учет психологических особенностей;
- уменьшение затрат времени;
- визуализация информации.

Усвоение учебной информации при разовом выполнении определенного вида учебной деятельности









Основания для классификации	Средства обучения
по составу объектов	материальные, идеальные
по отношению к источникам	искусственные, естественные
появления	
по сложности	простые, сложные
по способу использования	динамичные, статичные
по особенностям строения	плоские, объемные,
	смешанные, виртуальные
по характеру использования	визуальные, аудиальные,
	аудио-визуальные
по носителю информации	бумажные, электронные,
	лазерные и др.
по уровням содержания	на уровне урока,
образования	на уровне предмета,
	на уровне процесса обучения
по отношению к	традиционные, современные,
технологическому прогрессу	перспективные







Проанализировать цели урока, его содержание и логику изучения материала

Выделить главные элементы, которые должны быть усвоены учащимися

Установить, на каком этапе и для какой цели необходимо использовать средства обучения

Отобрать оптимальные средства обучения

Определить методы и приемы, с помощью которых будет обеспечена познавательная деятельность учащихся

Отразить использование выбранных средств и методику работы с ними в конспекте урока

